# 適応的周波数補正を用いた 雑音耐性の高いUWBパルスレーダ高解像度立体像推定法

佐保 賢志<sup>†</sup> 木寺 正平<sup>†</sup> 阪本 卓也<sup>†</sup> 佐藤 亨<sup>†</sup>

† 京都大学大学院 情報学研究科 〒 606-8501 京都市左京区吉田本町 E-mail: †saho@aso.cce.i.kyoto-u.ac.jp

あらまし 工業製品の非接触精密計測技術として UWB パルスレーダが有望である.我々はこれに適する高速・高解 像度形状推定手法である Envelope+SOC 法を提案している.この手法は散乱波形のスペクトルシフト量に基づいた距 離補正を用いて 1/100 波長の超波長画像化を実現する.しかし低 S/N 環境下では雑音による散乱波のひずみのため, スペクトルシフト量の推定精度が著しく劣化し,高解像度を保持することが困難となる.本稿では S/N に応じて適応 的にひずみ補正処理を用いることにより,低 S/N 環境下での雑音耐性を改善する手法を提案する.数値計算により, 提案手法の特性評価を行い,従来手法に対して雑音耐性能力を大きく改善することを示す. キーワード UWB レーダ,高解像度立体像推定,Envelope+SOC 法,適応的ひずみ補正

# Robust and high-resolution UWB pulse radar imaging algorithm with adaptive frequency compensation

Kenshi SAHO<sup>†</sup>, Shouhei KIDERA<sup>†</sup>, Takuya SAKAMOTO<sup>†</sup>, and Toru SATO<sup>†</sup>

† Graduate School of Infomatics, Kyoto University Sakyou-ku, Kyoto, 606–8501, Japan E-mail: †saho@aso.cce.i.kyoto-u.ac.jp

**Abstract** Target shape estimation with UWB pulse radar is promising as an imaging technique for product inspection. We have already proposed a 3-dimensional imaging algorithm Envelope+SOC. This method realize fast and high-resolution imaging with a spectrum offset correction (SOC), which directly compensates the range shift due to scattered waveform deformation. However, the Envelope+SOC does not work for lower S/N due to spectrum distortion by random noises. To enhance the performance of the Envelope+SOC for lower S/N, we propose a range compensation algorithm by adaptively changing a filtering method depending on S/N. The application example with a numerical simulation verifies the advantage of the proposed method in terms of robust and high-resolution imaging.

Key words UWB radar, High-resolution imaging, Envelope+SOC, Adaptive range compensation

# 1. まえがき

UWB(Ultra Wide-Band) レーダを用いたイメージング技術 が注目されている.同レーダは高い距離分解能を有し,車両 や航空機等の鏡面構造製品の非接触精密計測に適している. 従来のレーダ画像化技術として,合成開口処理,領域積分方 程式,モデルフィッティング等に基づく手法などが提案され ている[1]-[5].しかしいずれも反復改良や繰り返し計算に基 づくため,計算時間が膨大であり製品検査等の用途に適さな い[5].これに対し,我々は高速かつ高精度な立体像推定法で ある Envelope+SOC(Spectrum Offset Correction) 法を提案 してきた [6]-[8].同手法は球群の包絡面を用いた高速かつ安定 な画像化手法 Envelope 法と,散乱波形のスペクトルシフト量 を用いた波形ひずみ補正法 SOC を用いて高解像度立体像推定 を実現する.同手法はエッジ領域を含め推定誤差 1/100 波長 程度の超波長画像化を実現する.しかし,低 S/N 環境下では Envelope+SOC 法の推定精度が著しく劣化する.これは雑音 等の不規則信号に起因する大きな距離推定誤差によるものであ る.また,同環境下では雑音による散乱波形のひずみによって スペクトルシフト量を正しく推定できなくなり,分解能も劣化



図 1 システムモデル

#### する.

本稿では低 S/N 環境下での Envelope+SOC 法の雑音耐性を 改善するため, S/N に応じた適応的なひずみ補正処理法を提 案する. Envelope+SOC 法と提案手法を併用することよって, 低 S/N 環境下においても 1/100 波長精度を有する高解像度イ メージングが可能であることを数値計算により示す.

### 2. システムモデル

本稿で用いるシステムモデルを図 1 に示す.パルスの送受 信を単一の無指向性アンテナを用いて行なうモノスタティック システムを想定する.目標は明瞭な境界を有する任意の凸形 状物体とする.電波の伝播速度は一定で既知とする.目標お よびアンテナが存在する空間を(x, y, z)で表わす.アンテナは z = 0平面上を走査する.送信電流波形はモノサイクルパルス とし,その中心波長  $\lambda$  で各空間座標を正規化する.アンテナ 位置(x, y, z) = (X, Y, 0)で受信された時間信号に整合フィル タを適用した信号をs(X, Y, Z')とする.但しZ' = ct/(2), c は光速,t は時間である.s(X, Y, Z')のピーク値Zを求め, (X, Y, Z)で構成される曲面を擬似波面と呼ぶ.(X, Y, Z)から(x, y, z)への変換により立体像推定を行う.



## 3. 従来手法

#### 3.1 Envelope+SOC法

我々は既に高速かつ安定な立体像推定法である Envelope 法 を提案している [6], [7] . 同手法は任意の物体境界面が擬似波面 から決定される球群の外包絡面または内包絡面と一致するとい う原理を利用する.図2に二次元問題における物体境界面と円 の外包絡線及び内包絡線との関係を示す.この図は2次元モデ ルであるので球群の包絡面は円群の包絡線として表示されてい る.同図の通り,物体境界の一部はその曲率に応じて,円群の 外包絡線または内包絡線に対応する.特に任意の凸立体境界は (*X*,*Y*,0)を中心とした半径*Z*の球群の外包絡面として表現さ れる.抽出された擬似波面を用いて各(*x*,*y*)に対し,目標の*z* 座標を次式で定める.

$$z = \max_{X \in Y} \sqrt{Z^2 - (x - X)^2 - (y - Y)^2}$$
(1)

推定境界面から擬似波面の端部領域に相当する球群を除去し, 目標境界の領域を決定する.

この Envelope 法は類似の手法である SEABED 法 [9] と異 なり微分操作を含まず耐雑音性能が高いことが知られている. しかし, Envelope 法のみによる画像化ではエッジからの散乱 波のひずみによってエッジ付近に大きな推定誤差が生じる.図 3 に誤差が生じる場合の送信波形と散乱波形の整合例を示す. 整合フィルタはそのインパルス応答と受信波形のたたみ込み で表わされる.この図は破線で示される送信波形が実線の受 信波形と最大の相関を有する時間までシフトされたものであ る.同図の通り,散乱波形が送信波形に対して異なるため,距 離推定誤差  $\Delta Z$  が生じる.我々は同距離誤差を補正する方法と して SOC(Spectrum Offset Correction)法を提案している[8]. SOC 法では散乱波形が送信波形に対し,フーリエ変換の位相 を保持しながら帯域変化することに着目し,擬似波面のひずみ 補正量  $\Delta Z$  を次式で近似する.

$$\Delta Z = \frac{f_0}{W} (f_{\rm tr}^{-1} - f_{\rm sc}^{-1}) \tag{2}$$

但し $f_{
m tr}$ と $f_{
m sc}$ は送信波形及び受信波形の中心周波数, $f_0 = {
m c}/\lambda$ , Wは信号比帯域幅に依存する正規化定数である.本稿では



図 3 送信波形と散乱波形の整合例



図 4 従来手法による推定像 (S/N=32dB)

W = 4とする.整合フィルタによる初期推定値 $Z_0$ に $\Delta Z$ を加 えて $Z = Z_0 + \Delta Z$ と補正する.ここで $f_{\rm SC}$ は次式で求める.

$$f_{\rm sc} = \int_{f_1}^{f_2} f|S(f)|df \bigg/ \int_{f_1}^{f_2} |S(f)|df \tag{3}$$

但し $S(f) = \mathcal{F}[s(t)]$ , s(t)は散乱波の解析信号,  $f_1$ ,  $f_2$ は送信 波の周波数スペクトルにおけるピーク値の10%の値をとる周 波数である.

SOC 法と Envelope 法を組み合わせた高速かつ高精度な立体 像推定法を Envelope+SOC 法という [8] . 同手法は Envelope 法 のみでは推定困難であったエッジ領域を,推定誤差  $1.0 \times 10^{-2} \lambda$ 程度の精度で推定可能であり,超波長解像度を実現する.

3.2 雑音環境下での従来手法による推定

本節では数値計算により従来手法である Envelope+SOC 法 の低 S/N 環境下での特性を調べる.本稿では各アンテナ位置 における受信波形を FDTD 法により計算し,それに正規乱数 によりモデル化した白色性雑音を加算することで雑音環境下で の特性を調べる.

図4に従来手法による推定像を示す.目標形状は同図に破線で 示す台形状,S/Nは32dBである.各アンテナ位置でのS/Nは 整合フィルタ通過後の最大信号電力と雑音平均電力の比と定義 する.また本稿では立体像推定におけるS/Nを各アンテナ位置 でのS/Nの相加平均値と定義する.同図より,Envelope+SOC 法は十分なS/Nが得られる場合は高解像度立体像推定を実現 することが確認できる.なおアンテナ走査領域が不十分なため に物体端部領域が再現されていないが,これは十分な走査領域



#### 図 6 提案手法の画像化手順

を取ることで推定可能となる.

一方,低 S/N 環境下では擬似波面の適切な平滑化を行わな い場合,推定像と全く異なる像が推定されることを確認してい る.これは,インパルス的に生じる大きな距離推定誤差に起因 するものである.図5にS/N=21dBにおける各アンテナ位置 における擬似波面推定誤差を示す.目標形状は図4に示したも のと同一である.ここで, $\epsilon = |Z_{true} - Z|, Z_{true}$ はZの真値で ある.同図より擬似波面端部領域を中心に推定誤差の著しく大 きな点が多く存在していることが分かる.またエッジからの散 乱波が卓越する領域 (|X|, |Y|)  $\simeq$  (0.7,0.7)の推定誤差も比較 的大きいことが確認できる.これらはいずれも白色性雑音に起 因するものである.

#### 4. 提案手法

本章では Envelope+SOC 法の特性を改善するためのひずみ 補正法を提案する.まず 4.1 節では,S/N に対して適応的な移 動平均フィルタを用いたひずみ補正処理法を提案する.同処理 と SOC 法を組み合わせることで低 S/N 環境下でのエッジ領 域の推定精度を改善する.次に 4.2 節で,従来手法の雑音耐性 を改善するために,推定精度劣化の要因である比較的大きな 誤差を擬似波面の領域で平滑化処理する手法を提案する.ま た,Envelope 法ではデータ欠損が存在する場合に虚像が生じ る.4.3 節ではこのような虚像を信号電力を用いて除去する手



図 7 移動平均フィルタを用いた場合の推定精度の推移

法を提案する.提案する画像化手順を図6に示す.以下では各 提案手法について詳述する.

4.1 適応的移動平均フィルタによる雑音の影響低減

3.2 節で述べたとおり,低 S/N 環境下では SOC による距離 推定精度が劣化する.これは雑音による周波数スペクトル形状 の劣化により式 (3) による中心周波数推定に誤差が生じるため である.そこで本稿では移動平均フィルタ (Moving Average Filter,以下 MAF と表記する)を用いて信号を狭帯域化するこ とにより雑音の影響を低減する手法を提案する.n点 MAF は 時間領域において,着目点の値をその点とその直前のn-1点 の値を平均した値に更新するフィルタであり,その周波数特性 は次式で表される.

$$|H(f)| = \frac{1}{n} \left| \frac{\sin(2\pi f n \Delta t/2)}{\sin(2\pi f \Delta t/2)} \right|$$
(4)

ここで △t は時間サンプル間隔である.式(4) に示されるとお り,MAF は周波数領域では帯域制限処理に相当する.この処 理によって,雑音による中心周波数推定値の揺らぎを抑圧する ことができる.またフィルタ次数 n により通過帯域を変化させ ることができる.したがって,雑音の大きさに応じて n を適応 的に変化させることが有効であると考えられる.これを適応的 移動平均フィルタ(Adaptive MAF,以下 AMAF と表記する) と呼ぶ.

以下では,AMAF の特性及びパラメータ n の決定方法につ いて検証と考察を行う.ここでは図 4 と同一の目標形状を仮定 し,エッジ領域の散乱波が卓越する (X,Y) = (0.779, 1.212)に おける Z の推定精度を検証する.図7に移動平均フィルタを用 いない場合,及びn = 5, 9, 13, 17の MAF を適用した場合の散 乱波の S/N に対する推定誤差  $\epsilon$  の変化を示す.同図の通り低 S/N ではn を増大させることが有効である.そこで各 S/N に ついて最良の精度を保持するnを選択し,同様に推定誤差を求 めた結果を図7に実線で表す.これより,低 S/N での推定精 度が大幅に改善していることが分かる.最良なパラメータnは Z の真値が既知でないと適用できない.しかし,一般的な傾向 として S/N が低い場合にn を大きくすることは精度を必ず改 善きせるため,最適なn でなくとも精度の改善が十分に得られ



図 8 大きな誤差が存在する場合の推定例



図 9 4.2 節の平滑化法の手順

る.このため図7で決定した *n* を用いた AMAF を各素子での 散乱波形に適用する.

4.2 擬似波面平滑化処理

3.2 節で述べたとおり,従来手法は低S/N環境下において像 推定が困難となる.2次元問題において推定像が著しく劣化す る例を図8に示す.同図ではアンテナ位置 X = X'において大 きな距離推定誤差が生じた場合を示している.このように,推 定誤差の大きいZ に対応する球により推定像がマスクされて しまうために大きな誤差が生じる.この問題点を解決するため の擬似波面平滑化法を提案する.大きな誤差を持つアンテナ位 置を不適点と呼ぶ.本稿では凸形状目標の擬似波面は一価かつ 連続であるという性質を利用し,次式を満たす点を不適点と定 義する.

 $\left(\frac{\partial Z}{\partial X}\right)^2 + \left(\frac{\partial Z}{\partial Y}\right)^2 \ge 1 \tag{5}$ 

このような点について Z を再推定する手法を以下に提案する. 式 (5) を満たし,かつ S/N>  $\alpha$  である点を選択し,その周囲 8 点の Z の中央値  $Z_m$  を求める.s(X,Y,Z) において  $Z_m$  を中 心に  $\pm \lambda$  の範囲でピーク値を探索し,Z を更新する.以上の処 理を全ての不適点について M 回繰返す.但し,s(X,Y,Z) の S/N がある一定値  $\alpha$  以下である場合,再推定は不可能と判定 し除去し,欠損データとする.

しかし,上述のピーク値再探索のみでは,再推定を誤った点 などの誤差が残る.このようなインパルス的な誤差の平滑化に 適するフィルタに Conditional Median Filter(CMF)がある. CMF は入力値を中心とするサイズ N × N のフィルタの中央 値を求め,入力値と中央値の差分がある一定値βより大きけれ ば中央値を,そうでなければ入力値をそのまま出力するフィル タである.特に擬似波面は非定常信号なので,CMF による平 滑化が有効である.



図 10 虚像が推定される例

また,擬似波面の微小ゆらぎを抑圧するために適応平滑化 法[10]を用いる.同手法はガウシアンフィルタの相関長 σ を 擬似波面の曲率に応じて変化させる方法であり,σは次式で求 める.

 $\sigma = \sqrt{\delta Z / \pi} \tag{6}$ 

但しδはガウシアンフィルタにより生じるひずみの許容値である.提案擬似波面平滑化法の手順を図9に示す.

4.3 虚像除去法

図 10 に 2 次元問題において虚像が生じる場合の例を示す. 同図より,隣接するデータ点が除去されたとき,端点の円まで 推定円を引き伸ばして推定するために虚像が生じることが分か る.そこで,このような像を信号強度を用いて除去する. *i* 番 目のアンテナ位置から推定された像の妥当性を示す評価指標  $\phi_i$ を以下に導入する.

$$\phi_i = \begin{cases} \max_Z s_i(X, Y, Z)^2 / (A_i/Z) & (A_i \neq 0) \\ 0 & (A_i = 0), \end{cases}$$
(7)

但し $s_i(X, Y, Z)$ は i 番目のアンテナの受信信号,  $A_i$ は推定像の面積である. 虚像は単一球の一部が誤って広く見えているものであるため, 虚像に対応する $A_i$ は比較的大きな値となる. また虚像はデータ欠損に起因して生じる.データ欠損はS/Nが低い点で生じるため, 虚像が生じやすい点に対応する散乱波の電力は比較的小さい.以上より $\phi_i$ は推定された像が虚像である場合,他の $\phi_i$ と比較して非常に小さな値をとるので,このような像を除去することが有効である.

#### 5. 数値計算による特性評価

本稿における提案立体像推定法は従来手法に4章で述べた各 手法を組み合わせるものである.そこで,本章ではそれぞれの 手法による効果を明らかにするため,従来手法に各提案手法を 一つずつ追加し,立体像推定によるその特性評価を与える.形 状推定評価指標として次式で定義する最大推定誤差  $\mu_{\rm max}$ を用 いる.

$$\mu_{\max} = \max_{i} \sqrt{\min_{\boldsymbol{x}} \|\boldsymbol{x} - \boldsymbol{x}_{e}^{i}\|^{2}}$$
(8)

但し $x \ge x_e^i$ はそれぞれ真の目標境界点及びi番目の推定目標 境界点の位置座標を示す.

まず,従来手法に 4.2 節で提案した擬似波面平滑化法を適用 し検証する.これは低 S/N 環境下では,推定において最も大き



図 11 擬似波面平滑化法を適用した場合の推定像 (S/N=21dB)



図 12 虚像除去法及び擬似波面平滑化法を適用した場合の推定像 (S/N=21dB)

な障害である比較的大きな誤差をもつ点の処理を行わなければ, 立体像推定が困難なためである.図 11 に従来手法に擬似波面 平滑化法を適用した場合の推定像を示す.S/N は 21dB であり, 各パラメータは  $M = 3, N = 3, \alpha = 8.5$ dB,  $\beta = 0.5\lambda, \delta = 0.1\lambda$ とする.従来手法では目標境界推定が困難であったのに対し, 擬似波面平滑化法を併用することである程度高精度な立体像推 定が実現可能となることが分かる.しかし,エッジ領域の推定 精度が図 4 と比較して劣化している.また,目標の存在しな い領域に虚像が推定されていることが確認できる.虚像の影響 を受けているため最大推定誤差  $\mu_{\rm max}$  は  $2.14 \times 10^{-1}$ となって いる.

次に,4.3 節で提案した虚像除去法を追加する.図 12 に虚像 除去法と擬似波面安定化法 (4.2 節)を適用した場合の推定像を 示す.提案手法により虚像が除去され,精度のよい像のみが推定 されていることが確認できる.この場合の $\mu_{\rm max}$ は $2.91 \times 10^{-2}$ である.この最大誤差はエッジ領域で生じている.

AMAF を追加し,提案手法をすべて適用した場合の推定像 を図 13 に示す.同図よりエッジ領域の推定精度が改善し,高解 像度な立体像推定を実現していることが確認できる. $\mu_{\rm max}$ は  $1.33 \times 10^{-2}$ である.以上より,提案手法により低 S/N 環境下 での推定精度を大幅に改善できることが分かる.なお,計算時 間は AMF Athlon 2.1GHz processor で約 15 秒であり,最大 一分程度とされる製品検査に適用可能である.



図 13 提案手法による推定像 (S/N=21dB)



図 14 µ<sub>max</sub> の推移

また,以下では提案手法による雑音耐性の改善度を評価する. 従来手法と以上の各手法における S/N に対する  $\mu_{\rm max}$ の変化を 図 14 に示す.従来手法が S/N<30dB 程度で著しく推定精度が 劣化するのに対し,擬似波面平滑化処理により低 S/N での推 定精度を大幅に改善している.また、虚像除去法を追加するこ とでさらに推定精度を改善している.これは擬似波面平滑化処 理のみを用いた場合の最大誤差は虚像に対応するためである. さらにこの場合の最大誤差はエッジ領域から推定されているた め,AMAF を適用することで低 S/N 環境下でのより高精度な 立体像推定が実現している.提案立体像推定法は S/N>18dB 程度で  $\mu_{\rm max} < 1.5 \times 10^{-2} \lambda$ の精度を維持している.以上より 各提案手法を併用した提案アルゴリズムが雑音耐性改善に有効 であることが確認できる.

### 6. む す び

Envelope+SOC 法による高解像度立体像推定のための適応的 な平滑化処理法及びひずみ補正法を提案した.本手法によって低 S/N 環境下においてもエッジ領域を含めた高解像度立体像推定を 実現することを示した.提案手法はS/N>18dB 程度で推定誤差 の最大値が $1.5 \times 10^{-2} \lambda$ 以下であり,低S/N環境下でも高精度な 推定を実現する.また,計算時間はAMF Athlon 2.1GHz processor で約 15 秒であり,最大一分程度とされる製品検査に適 用可能な処理速度である.但し,本稿では数値計算で白色雑音 のみを仮定した検証を行ったため,今後は実環境下での検証が 必要である.

### 文 献

- C. Chiu, C. Li, and W. Chan, "Image reconstruction of a buried conductor by the genetic algorithm," IE-ICE Trans. Electron., vol.E84-C, no.12, pp.1946–1951, 2001.
- [2] T. Takenaka, H. Jia, and T. Tanaka, "Microwave imaging of an anisotropic cylindrical object by a forward-backward time-stepping method," IEICE Trans. Electron., vol.E84-C, no.12, pp.1910–1916, 2001.
- [3] T. Sato, K. Takeda, T. Nagamatsu, T. Wakayama, I. Kimura and T. Shinbo, "Automatic signal processing of front monitor radar for tunneling mechines," IEEE Trans. Geosci. Remote sens., vol.35, no.2, pp.354– 359, 1997.
- [4] T. Sato, T. Wakayama, and K. Takemura, "An imaging algorithm of objects embedded in a lossy dispersive medium for subsurface radar data processing," IEEE Trans. Geosci. Remote sens., vol.38, no.1, pp.296– 303, 2000.
- [5] 佐藤 亨, 阪本 卓也"UWB パルスレーダによる物体像再 構成アルゴリズム,"電子情報通信学会論文誌, vol.J88-B, no.12, pp.2311–2325, 2005.
- [6] S. Kidera, T. Sakamoto, and T. Sato, "High-resolution and fast 3-D imaging algorithm with spectrum shift for UWB pulse radars," 2nd European Conference on Antenna and Propagation (EuCAP2007), pp.11–16, 2007.
- [7] S. Kidera, T. Sakamoto, and T. Sato, "A robust and fast imaging algorithm with an envelope of circles for UWB pulse radars," IEICE Trans. Commun., vol.E90-B, pp.1801– 1809, 2007.
- [8] S. Kidera, T. Sakamoto, and T. Sato, "A robust and fast 3-D imaging algorithm without derivative operations for UWB radars," International URSI Commission B Electromagnetic Theory Symposium, no.EMTS084, pp.26–28, 2007.
- [9] T Sakamoto, "A fast algorithm for 3-dimensional imaging with UWB pulse radar systems," IEICE Trans. on Commun., vol.E90-B, no.3, pp.636-644, 2007.
- [10] 阪本 卓也,木寺 正平,佐藤 亨,杉野 聡,"UWB パルスレーダに よる高速立体形状推定法の実験的検討,"電子情報通信学会論文 誌,vol.J90-B, no.1, pp.66-73, 2007.